

אלקטרומגנטיות אנליטית 1

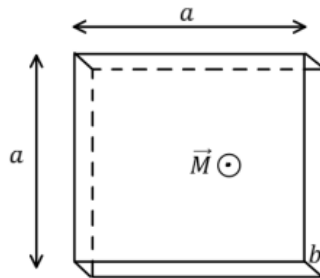
פרק 20 - חומרים מגנטים

תוכן העניינים

1. הרצאות ותרגילים.....1

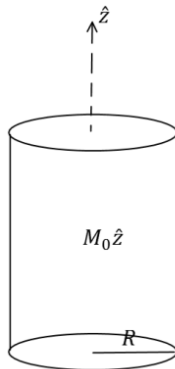
הרצאות ותרגילים:

שאלות:



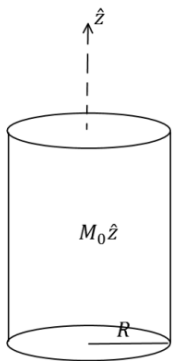
(1) תיבה דקה ממוגנטת

נתונה תיבה בעלת אורך ורוחב a ועובי $b \ll a$.
 לתיבה מגנטיזציה "קפואה" (התיבה ממוגנטת כאשר היא לא בתוך שדה מגנטי חיצוני) ואחידה $\vec{M}$.
 כיוון המגנטיזציה בכיוון מקביל לצלע b .
 א. מצא את השדה המגנטי במרכז התיבה.
 ב. מצא את השדה המגנטי רחוק מאוד מהתיבה.



(2) גליל אינסופי ממוגנט

גליל אינסופי ברדיוס R מקוטב בצורה אחידה $\vec{M} = M_0 \hat{z}$.
 מצא את השדה המגנטי בכל המרחב.



(3) גליל ממוגנט נוסף

גליל אינסופי ברדיוס R מקוטב בצורה $\vec{M} = Ar\hat{\phi}$.
 כאשר A קבוע כלשהו ו- r הוא המרחק ממרכז הגליל.
 א. מצא את הזרמים הקשורים בגליל ומצא את השדה המגנטי במרחב.
 ב. מצא את השדה המגנטי בכל המרחב ע"י שימוש בוקטור השדה H וללא שימוש בזרמים קשורים.

(4) סליל עם ליבה מגנטית

נתון סליל אינסופי עם צפיפות ליפופים ליחידת אורך n .
 מכניסים לסליל ליבה מגנטית בעל סוספטביליות נתונה χ_m הממלאת את כל הנפח הכלוא בסליל.
 מצא את השדה המגנטי בתוך הסליל אם בסליל זרם I .

(5) אנרגיה להאט גליל מסתובב

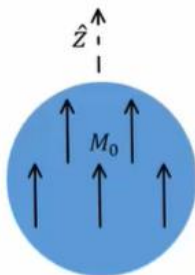
- גליל אינסופי ברדיוס R בעל מקדם פראמבילות יחסי $\mu_r = \alpha r$ טעון בצפיפות מטען אחידה ליח' נפח ρ .
 הגליל מסתובב סביב ציר הסימטריה שלו במהירות זוויתית ω .
 א. מהו השדה המגנטי בתוך הגליל?
 ב. כמה אנרגיה ליחידת אורך יש להשקיע על מנת להאט את המהירות הזוויתית של הגליל לרבע ממהירותו הנוכחית?

(6) חומר ממלא חצי מרחב

- חומר בעל צפיפות אטומים של $n = 2 \cdot 10^{28} \left[\frac{1}{m^3} \right]$ נמצא תחת שדה מגנטי חיצוני אחיד. החומר מתמגנט כך שבכל אטום מתקבל בממוצע דיפול מגנטי של $\vec{m} = 1.2 \cdot 10^{-24} [A \cdot m^2] \hat{x}$.
 השדה המגנטי הנמדד בתוך החומר הוא: $\vec{B} = 0.04 [T] \hat{x}$.
 א. מצא את המגנטיזציה $\vec{M}$ בחומר, את הסוספטביליות המגנטית χ_m ואת הפאראמבילות μ של החומר.
 ב. הנח שהחומר ממלא את חצי המרחב $x < 0$ וחצי המרחב השני הוא ריק. מהם הזרמים המושרים במרחב?
 ג. מצא את השדה החיצוני $\vec{H}$ אשר יצר את המגנטיזציה.
 ד. מה יהיה השדה המגנטי $\vec{B}$ בריק, סמוך מאוד לגבול בין הריק לחומר? כיצד תשתנה התוצאה אם החומר ממלא את חצי המרחב $y < 0$?

(7) כדור ממוגנט

- כדור ברדיוס R ממוגנט במגנטיזציה קבועה $\vec{M} = M_0 \hat{z}$.
 מצא את הפוטנציאל המגנטי בכל המרחב.



תשובות סופיות:

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \left(\frac{(3Ma^2b\hat{z} \cdot \hat{r})\hat{r} - Ma^2b\hat{z}}{r^3} \right) \quad \text{ב.} \quad \text{א. ראה סרטון} \quad (1)$$

$$\vec{B} = \mu_0 \vec{M} \quad (2)$$

$$\vec{B} = \mu_0 \vec{M} \quad \text{ב.} \quad \vec{B} = \mu_0 \vec{M} \quad r < R, \quad \vec{J}_b = 2A\hat{z}, \quad \vec{k}_b = -AR\hat{z} \quad \text{א.} \quad B = 0 \quad r > R \quad (3)$$

$$\vec{B} = \mu_0 (1 + X_m) nI\hat{z} \quad (4)$$

$$\vec{B} = \mu_0 \alpha r \rho \omega \frac{R^2 - r^2}{2} \hat{z} \quad r < R, \quad \vec{B} = 0 \quad r > R \quad \text{א.} \quad (5)$$

$$\Delta \left(\frac{U_B}{l} \right) = \mu_0 \alpha \rho^2 \cdot \pi R^7 \omega^2 \cdot \frac{1}{56} (-1) \quad \text{ב.}$$

$$\vec{J}_b = 0, \quad \vec{k} = 0 \quad \text{ב.} \quad \vec{M} = 2.4 \cdot 10^4 \left(\frac{A}{m} \right) \hat{x}, \quad X_m \approx 2.07, \quad \mu = 3.86 \cdot 10^{-6} \left(\frac{T \cdot m}{A} \right) \quad \text{א.} \quad (6)$$

$$B_x(0^+) = 0.04T, \quad \vec{B} \approx 0.01T\hat{x} \quad \text{ד.} \quad H = \begin{cases} 1.16 \cdot 10^4 \left(\frac{A}{m} \right) \hat{x} & x < 0 \\ 3.56 \cdot 10^4 \left(\frac{A}{m} \right) \hat{x} & x > 0 \end{cases} \quad \text{ג.}$$

$$\phi_{m_1} = \frac{M_0}{3} r \cos \varphi, \quad \phi_{m_2} = \frac{M_0 R^3}{3} \cos \varphi \quad (7)$$